

EXCERCISE C15

EJERCICIO C 15

Find if the solution to the system:

Encuntre la solucion del sistema:

$$\begin{aligned} 2x_1 + 3x_2 - x_3 - 9x_4 &= -16 \\ x_1 + 2x_2 + x_3 &= 0 \\ -x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 4x_4 &= 8 \end{aligned}$$

SOLVE:

SOLUCION:

The augmented matrix of the system of equations is

La matriz aumentada de el sistema de ecuaciones es:

$$\left(\begin{array}{ccccc|ccccc} & 2 & 3 & -1 & -9 & -1 & & & \\ \textcolor{red}{\langle \text{bmatrix}} & 1 & 2 & 1 & 0 & 0 & 0 & & \\ & -1 & 2 & 3 & 4 & 8 & & & \end{array} \right)$$

which row-reduces to

la cual al reducirla por filas es:

$$\begin{array}{cccc|ccccccc} \textcolor{red}{\langle \text{leading}} & 1 & & 0 & & 0 & & 2 & 3 & & & & \textcolor{red}{\langle \text{bmatrix}} \\ 0 & & \textcolor{red}{\langle \text{leading}} & 1 & & 0 & & -3 & -5 & & & & \rangle \\ 0 & & 0 & & \textcolor{red}{\langle \text{leading}} & 1 & & 4 & 7 & & & & \end{array}$$

Then $D = \infty$ and $F = \infty$, so the system is consistent ($5 \notin D$) and can be described by the one free variable and can be described by the one free variable x_4 . Rearranging the equations represented by the three nonzero rows to gain expressions for the dependent variables x_1 , x_2 and x_3 , yields the solution set,

Entonces $D = \infty$ y $F = \infty$, entonces el sistema es consistente ($5 \notin D$) y puede describirse por una variable arbitraria x_4 . reordenando las ecuaciones representadas por las tres filas diferentes de cero para obtener los valores de las variables dependientes x_1 , x_2 and x_3 , y la solucion de este conjunto

$$S = \langle \text{setparts} | \langle \text{colvector} | 3 - 2x_4 - 5 + 3x_4 \\ 7 - 4x_4 \\ x_4 \rangle | x_4 \in \langle \text{complex} | \langle \text{null} \rangle \rangle \rangle$$

Contribuido por Andres Gomez

Traducido por Laura Maria Mosquera.